## ТЕХНИЧЕСКИЕ НАУКИ

Усманова Инна Рамилевна

студентка

Халиков Ильмир Зинфирович

студент

Столповский Максим Владимирович

канд. физ.-мат. наук, старший преподаватель

Филиал ФГБОУ ВПО «Уфимский государственный авиационный технический университет» в г. Стерлитамаке г. Стерлитамак, Республика Башкортостан

## ПРОДУВКА ПЛАСТА ГАЗОМ, СОПРОВОЖДАЮЩАЯСЯ ОБРАЗОВАНИЕМ ГАЗОГИДРАТА

Аннотация: статья посвящена проблеме продувки пласта газом с образованием газогидрата. В работе рассмотрен процесс образования газогидрата в частично насыщенной водой пористой среде конечной протяженности при продувке газом, а также исследовано влияние начальных параметров и параметров нагнетаемого газа на эволюции полей гидратонасыщенности и температуры.

**Ключевые слова**: продувка пласта газом, газогидрат, газ, давление, температура, пористый пласт, пористая среда, эуксперимент.

Рассмотрен процесс образования газогидрата в частично насыщенной водой пористой среде конечной протяженности при продувке газом. Исследовано влияние начальных параметров и параметров нагнетаемого газа на эволюции полей гидратонасыщенности и температуры.

Рассмотрим пористый пласт длины L изначально насыщенный газом и водой, давление  $p_0$  и температура  $T_0$  которых соответствует условиям их стабильного существования. В момент времени t=0 через левую границу пласта начинается закачка газа, одноименного исходному, под давлением ре и температурой

 $T_e$ . В результате нагнетания газа в пласте образуются три области. Ближняя область, примыкающая к левой границе пласта, содержит газ и газогидрат, а дальняя, примыкающая к правой границе пласта — газ и воду. Промежуточная область (гидратная волна), которая разделяет межу собой две вышеуказанные области, содержит газ, гидрат и воду в состоянии термодинамического равновесия.

Система основных уравнений, представляющая собой законы сохранения масс, энергии и закон Дарси, при допущениях о несжимаемости и неподвижности скелета пористой среды, гидрата и воды, а также пренебрежении баротермическим эффектом имеет вид [1; 2]:

$$\frac{\partial}{\partial t} \left( \rho_g m S_g + \rho_h m S_h G \right) + \frac{\partial}{\partial x} \left( \rho_g m S_g \upsilon_g \right) = 0, \quad \frac{\partial}{\partial t} \left( m \rho_l S_l + m (1 - G) \rho_h S_h \right) = 0,$$

$$\frac{\partial}{\partial t} \left( \rho_c T \right) + \rho_g c_g m S_g \upsilon_g \frac{\partial T}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial x} \left( \lambda \frac{\partial T}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial t} \left( m \rho_h S_h L_h \right),$$

$$m S_g \upsilon_g = -\frac{k_g}{\mu_g} \frac{\partial p}{\partial x}, \quad p = \rho_g R_g T,$$
(1)

где m — пористость; G — массовая концентрация газа в гидрате;  $p_j$  и  $S_j$  (j=sk, h, l, g) — истинные плотности и насыщенности пор j-ой фазы;  $v_g$ ,  $k_g$ ,  $c_g$  и — соответственно скорость, проницаемость, удельная теплоемкость и динамическая вязкость газовой фазы; p — давление; T — температура;  $L_h$  — удельная теплота гидратообразования; и — удельная объемная теплоемкость и коэффициент теплопроводности системы; индексы sk, h, l и g относятся к параметрам скелета, гидрата, воды и газа соответственно. Анализ показывает, что при отмеченных выше допущениях можно пренебречь переменностью удельной объемной теплоемкости pc и коэффициента теплопроводности системы  $\lambda$ . При образовании газогидрата в пласте возникают зоны, в которых газ, гидрат и вода находятся в различных состояниях. На границах между этими зонами выполняются следующие соотношения:

$$\left[m\left(S_{h}\rho_{h}\left(1-G\right)+S_{l}\rho_{l}\right)\dot{x}_{(i)}\right]=0,\ \left[m\left(\rho_{g}S_{g}\left(\upsilon_{g}-\dot{x}_{(i)}\right)-\rho_{h}S_{h}G\dot{x}_{(i)}\right)\right]=0,\ \left[\lambda\frac{\partial T}{\partial x}\right]=m\rho_{h}L_{h}S_{h}\dot{x}_{(i)}.$$
 (2)

Здесь  $[\psi]$  – скачок величины  $\psi$  на границе  $x_{(i)}$  между областями,  $\dot{x}_{(i)}$  – скорость движения границы фазового перехода; индексы i=n и d соответствуют ближней и дальней границам. Температуру и давление на них будем полагать непрерывными.

Температура и давление в области совместного существования газа, гидрата, воды связаны условием фазового равновесия [2; 3]:

$$T = T_0 + T_* \ln(p/p_{s0}), \tag{3}$$

где  $T_0$  — исходная температура системы,  $p_{s0}$  — равновесное давление, соответствующее исходной температуре,  $T_*$  — эмпирический параметр, зависящий от вида газогидрата. На правой границе пласта (x=L) поставим условия, моделирующие отсутствие кондуктивного потока тепла и постоянное, равное  $p_0$ , давление:

$$\frac{\partial T}{\partial x} = 0, \quad p = p_0 \quad (t > 0, \ x = L), \tag{4}$$

Так как решение ищется в областях с двумя неизвестными границами фазовых переходов, то будем использовать метод ловли фронтов в узлы пространственной сетки [2; 3]. Все расчеты были проведены для системы «пористая среда – твердый газогидрат – газ», со следующими параметрами: m=0.1, G=0.12,  $S_{l0}=0.2$ ,  $k_0=10^{-13}$   $m^2$ ,  $\mu_g=10^{-5}$   $\Pi a \cdot c$ ,  $\lambda=2$   $Bm/(m \cdot K)$ ,  $\rho c=2.6 \cdot 10^6$   $\mathcal{L}$   $\mathcal{M}$ /( $\kappa c \cdot K$ ),  $L_h=5 \cdot 10^5$   $\mathcal{L}$   $\mathcal{M}$ / $\kappa c$ ,  $\rho_h=900$   $\kappa c$ / $m^3$ ,  $\rho_l=1000$   $\kappa c$ / $m^3$ ,  $T_0=280$  K,  $T_*=10$  K,  $p_0=4$  Mna,  $p_{s0}=5.5$   $M\Pi a$ ,  $c_g=1560$   $\mathcal{L}$   $\mathcal{M}$ /( $\kappa c \cdot K$ ). При этом длина модельного пласта полагалась равной L=1 m, шаг по пространственной координате  $\Delta x=0.001$  m. Анализ полученных решений при нагнетании газа под давлениями  $p_e=5$   $M\Pi a$  и  $p_e=7$   $M\Pi a$  показал, что результаты расчетов на начальном этапе процесса образования газового гидрата в пластах конечной протяженности практически совпадают с результатами автомодельной постановки задачи, т.е. в зависимости от параметров нагнетания газа и пористой среды газогидрат может образовываться как на фронтальной поверхности, так и в протяженной области.

На рис. 1 для плоскосимметричного случая представлены распределения температуры и гидратонасыщенности при продувке плата газом с температурой  $T_e = 276~K$ . Начальные параметры системы полагались равными  $p_0 = 4~M\Pi a, T_0 =$  $280 \text{ K}, k_0 = 10^{-13} \text{м}^2$ . В этом случае в начальный момент времени образование газогидрата происходит в протяженной области. Из рисунка следует, что с течением времени дальняя граница  $x = x_{(d)}$  движется назад, навстречу ближней границе  $x = x_{(n)}$ , т.е. в объемной области происходит частичное разложение ранее образовавшегося гидрата. Это обусловлено конвективным сносом нагретого газа, за счет образования газогидрата в более верхних слоях и его течения в объемной области. Такое перемещение назад переднего фронта гидратной волны способствует тому, что большая часть гидрата начинает образовываться на поверхности x = x(n), что приводит к уменьшению значения гидратонасыщенности со стороны протяженной области. К моменту времени t=25 мин. (при данных параметрах нагнетаемого газа) происходит слияние границ фазовых переходов, в результате чего процесс гидратообразования происходит только на фронтальной поверхности  $x = x_{(n)}$ , что соответствует изменению на этой поверхности величины гидратонасыщенности от  $S_{h(n)}^{-} = S_{he}^{-}$  до  $S_{h(n)}^{-} = 0$ .

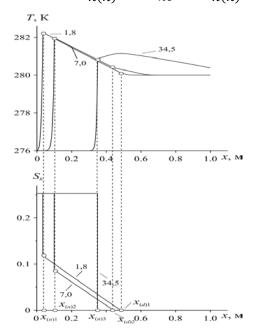


Рис. 1. Распределение температуры и гидратонасыщенности при продувке пласта. Плоскосимметричная задача:  $\rho_e = 7 \ M\Pi a$ .

Числа на кривых выражают время в минутах

Научное сообщество студентов

Численные эксперименты показали, что при определенных параметрах нагнетаемого газа и исходных параметрах пористой среды, возможна остановка границы гидратообразования. Показано, что если температура нагнетаемого газа удовлетворяет условию

$$T_e = T_0 + T_* \ln(p_0/p_{s0}),$$

граница гидратообразования движется без остановки.

## Список литературы

- 1. Гималтдинов И.К., Столповский М.В., Хасанов М.К. Особенности образования газогидратов при нагнетании холодного газа в пористую среду, насыщенную газом и водой / И.К. Гималтдинов, М.В. Столповский, М.К. Хасанов // Теоретические основы химических технологий. 2010. Т. 44. №4. С. 442–449.
- 2. Шагапов В.Ш. Численное моделирование образования газогидрата в пористой среде конечной протяженности при продувке газом / В.Ш. Шагапов [и др.] // Прикладная механика и техническая физика. 2011. Т. 52. №4. С. 116—126.
- 3. Гималтдинов И.К. Особенности разложения газовых гидратов при тепловом и депрессионном воздействиях в пластах конечной протяженности / И.К. Гималтдинов [и др.] // Вестник Тюменского государственного университета. 2011. №7. С. 6—13.