

**Якубовский Евгений Георгиевич**

инженер

ФГБОУ ВО «Санкт-Петербургский горный университет»

г. Санкт-Петербург

DOI 10.21661/r-563115

## РЕЛЯТИВИСТСКИЙ ЗНАМЕНАТЕЛЬ У УРАВНЕНИЯ ДВИЖЕНИЯ В ОТО

*Аннотация:* в статье описана формула четырехмерной скорости в ОТО содержит релятивистский знаменатель, которую необходимо понимать. Но оперируют с четырехмерной скоростью, которая изменяется от минус бесконечности, до плюс бесконечности. Трехмерная скорость ограничена и релятивистский знаменатель не допускает превышения действительной скорости, больше основного значения в уравнении движения. Комплексная скорость может превысить этот предел, как в случае гидродинамики, в которой возможно движение со скоростью, большей скорости звука.

*Ключевые слова:* релятивистский знаменатель, уравнение общей теории относительности, ОТО.

Уравнение Общей Теории Относительности (ОТО) приводится к четырем независимым уравнениям, собственным значениям тензора Риччи. При этом четырехмерная скорость имеет бесконечные значения, а трехмерная действительная скорость должна быть ограничена, что не всегда удается. Запишем сферическое нелинейное преобразование координат

$$\lambda_x(x-x_0) = (s-s_0) \cdot sh(\chi) \cdot \sin\theta \cdot \cos\varphi;$$

$$\lambda_y(y-y_0) = (s-s_0) \cdot sh(\chi) \cdot \sin\theta \cdot \sin\varphi$$

$$\lambda_z(z-z_0) = (s-s_0) \cdot sh(\chi) \cdot \cos\theta;$$

$$\lambda_t c(t-t_0) = (s-s_0) \cdot ch(\chi)$$

Получим значение интервала

$$(s-s_0)^2 = \lambda_t^2(X)c^2(t-t_0)^2 - \lambda_x^2(X)(x-x_0)^2 - \lambda_y^2(X)(y-y_0)^2 -$$

$$\begin{aligned}
 -\lambda_z^2(X)(z-z_0)^2 &= \lambda_0^2(X)c^2(t-t_0)^2 - \sum_{k=1}^3 \lambda_k^2(X)(x_k-x_{k0})^2 = \\
 &= \lambda_0^2(X)c^2(t-t_0)^2 - \lambda_r^2(X)(r-r_0)^2;
 \end{aligned}$$

$$X(s) = [c(t(s)-t_0), x(s)-x_0, y(s)-y_0, z(s)-z_0]; \quad (2)$$

Введем обобщенную координату и обобщенный метрический тензор, соответствующий этой координате. Образуется криволинейная система координат, в случае если выполняется равенство для данного преобразования координат, т.е. в случае метрического тензора Галилея, в случае метрического тензора Галилея нет единого поля, но метрический тензор равен  $G_{kk}[X(s)] = [\Lambda_0^2[X(s)], -\Lambda_1^2[X(s)], -\Lambda_2^2[X(s)], -\Lambda_3^2[X(s)]]$ . При этом метрический тензор меняется при изменении координат. Можно задать произвольные начальные условия для задания метрического тензора, в частности произвольную зависимость векторных потенциалов. Реакция на произвольные начальные условия будет определяться из уравнений движения, но с учетом значения метрического тензора.

Запишем уравнение для четырехмерной скорости см [1]. Нетрудно подсчитать единственное значение

$$\Gamma_{kk}^k = \frac{\partial \ln \Lambda_k^2[X(s)]}{\partial x_k};$$

Причем с помощью ОТО можно получить уравнение второго закона Ньютона, которое интегрируется и четырехмерные формулы имеют релятивистский знаменатель

$$\begin{aligned}
 \frac{du^k(s)}{ds} &= -\Gamma_{pq}^k u^p(s)u^q(s) = -\frac{\partial \ln \Lambda_k^2[X(s)]}{\partial x_k} u_k^2(s); \\
 g_{kk} &= -\Lambda_k^2(X); g^{kk} = -\frac{1}{\Lambda_k^2(X)} \quad k = 1, \dots, 3; g_{00} = \Lambda_0^2(X); g^{00} = \frac{1}{\Lambda_0^2(X)} \\
 \frac{1}{u^k(s)} - \frac{1}{u_0^k} &= \int_{s_0}^s \frac{\partial \ln \Lambda_k^2[X(s)]}{\partial x_k} ds; u^k(s) = \frac{1}{\frac{1}{u_0^k} + \int_{s_0}^s \frac{\partial \ln \Lambda_k^2[X(s)]}{\partial x_k} ds};
 \end{aligned}$$

Четырехмерные скорости определяются по формуле с заданным метрическим тензором  $g_{kk}(s) = [\Lambda_0^2[X(s)], -\Lambda_1^2[X(s)], -\Lambda_2^2[X(s)], -\Lambda_3^2[X(s)]]$ .

Релятивистский четырехмерный вектор определяется по трехмерным скоростям по формулам

$$u^k(s) = \frac{v^k(s)}{\sqrt{\Lambda_0^2(X)c^2 - \sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2(X)[V^n(s)]^2}}; \quad (1)$$

$$u_0^k = \frac{V_0^k}{\sqrt{\Lambda_0^2(X_0)c^2 - \sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2(X_0)[V_0^n]^2}}; X_0 = [ct_0, x_0, y_0, z_0]$$

Вычислим по четырехмерной скорости трехмерную скорость. Вычисленные по формуле (1), умноженные на соответствующий метрический тензор и эта величина суммируется

$$\frac{\sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2[X(s)][V^n(s)]^2}{\Lambda_0^2[X(s)]c^2 - \sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2[X(s)][V^n(s)]^2} = \sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2[X(s)][u^n(s)]^2.$$

Преобразуем это уравнение, получив из равенства  $\frac{a}{b} = \frac{c}{1}$  соотношение  $\frac{a}{b+a} = \frac{c}{1+c}$

$$\frac{\sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2[X(s)][V^n(s)]^2}{\Lambda_0^2[X(s)]c^2} = \frac{\sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2[X(s)][u^n(s)]^2}{1 + \sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2[X(s)][u^n(s)]^2}$$

Используем формулу  $V^n(s) = \alpha c u^n(s)$  получим уравнение по определению  $\alpha$

$$\frac{\sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2[X(s)][u^n(s)]^2}{\Lambda_0^2[X(s)]} \alpha^2 = \frac{\sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2[X(s)][u^n(s)]^2}{1 + \sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2[X(s)][u^n(s)]^2}$$

Откуда находим

$$\alpha = \sqrt{\frac{\Lambda_0^2[X(s)]}{1 + \sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2[X(s)][u^n(s)]^2}}$$

При этом значение трехмерной собственной скорости равно  $V^l(s)/c =$

$u^l(s) \sqrt{\frac{\Lambda_0^2[X(s)]}{1 + \sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2[X(s)][u^n(s)]^2}}$ , которая является аналогом формулы

$V^l/c = \frac{u^l}{\sqrt{1 + \sum_{l=1}^3 (u^l)^2}} < 1$ . В результате имеем соотношение  $\max_{u^l \rightarrow \infty} \frac{V^l}{c} = \frac{\Lambda_0[X(s)]}{\Lambda_l[X(s)]} < 1$

1 максимум трехмерной скорости определяется начальными условиями, т.е. надо задавать начальные условия, чтобы выполнялось  $\frac{\Lambda_0[X(s)]}{\Lambda_l[X(s)]} < 1$ .

Зная четырехмерную скорость, можно определить энергию и импульс системы  $E = mc^2 u_0(s, s_0); p_k = mc u_k(s, s_0);$

Уравнение, описывающее четырехмерную скорость, имеет вид. Причем при нулевой величине  $\Lambda_0^2[X(s)]$ , что соответствует границе черной дыры, образуется мнимая часть скорости  $V^n(s)$

$$\begin{aligned} & \frac{\Lambda_0^2[X(s)]c^2 - \sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2[X(s)] [V^n(s)]^2}{[V^k(s)]^2} = \frac{1}{u_k^2(s)} = \\ & = \left[ \frac{\sqrt{\Lambda_0^2(X_0)c^2 - \sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2(X_0) [V^n(s_0)]^2}}{V^k(s_0)} + \int_{s_0}^s \frac{\partial \ln \Lambda_k^2(X)}{\partial x_k} ds \right]^2 = \\ & \left[ \frac{1}{u_k(s_0)} + \int_{s_0}^s \frac{\partial \ln \Lambda_k^2(X)}{\partial x_k} ds \right]^2; \frac{dx_k(s)}{ds} = u_k(s) \end{aligned}$$

При действительных начальные условия, определяющих начальное действительное значение квадратного корня выражение  $\Lambda_0^2[X(s)]c^2 - \sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2[X(s)] [V^n(s)]^2$  положительное. Но при нулевом значении  $\Lambda_0^2[X(s)]$  и при степени шероховатости, равной нулю, получается мнимая скорость  $V^n(s)$  и мнимая часть  $u_k(s)$ . Выход из этой ситуации, либо переход в комплексное пространство, либо изменение метрики пространства внутри черной дыры, сделать метрический тензор времени зависимым см [2] §102.

Получается, что в нелинейной ОТО необходима мнимая четырехмерная скорость и наличие шероховатости, предотвращающей нулевую трехмерную скорость, и бесконечность обратной величины скорости

$$u^k(s) = \frac{V^k(s)}{\sqrt{\Lambda_0^2[X(s)]c^2 - \sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2[X(s)] [V^n(s)]^2}};$$

При условии  $\Lambda_0^2[X(s)] = 0$ , получается через бесконечность четырехмерной скорости при условии  $\Lambda_0^2[X(s)]c^2 - \sum_{n=1}^3 \Lambda_n^2[X(s)] [V^n(s)]^2 = 0$  мнимая скорость  $u^k(s)$ , стремится к бесконечности, поэтому необходимо вводить степень шероховатости, тогда бесконечности четырехмерной скорости не будет. Но бесконечность четырехмерной скорости, ничему не противоречит и вполне возможная. Все эти неприятности с четырехмерной скоростью, возникли из переменных

значений  $\Lambda_n^2[X(s)]$ ,  $n = 0, \dots, 3$ , которой нет у специальной теории относительно-сти, в которой  $\Lambda_n^2[X(s)] = 1, n = 0, \dots, 3$ .

Поэтому физики не используют связь между трехмерной скоростью и четы-рехмерной скоростью ОТО. Я же пренебрег этим не гласным вопросом и получил новые свойства преобразований Лоренца, но это в другой статье.

### *Список литературы*

1. Якубовский Е.Г. Все разнообразие Вселенной в одной нелинейной си-стеме уравнений / Е.Г. Якубовский // Сборник тезисов докладов на конференции. Научный диалог: естественные науки. – Чебоксары: Интерактив плюс [Элек-тронный ресурс]. – Режим доступа: [https://interactive-plus.ru/ru/article/562880/discussion\\_platform](https://interactive-plus.ru/ru/article/562880/discussion_platform) (дата обращения: 14.09.2024).
2. Ландау Л.Д. Теоретическая физика / Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц // Теория поля. – В 2 т. Т. 2. – М.: Наука, 1973. – 504 с. – EDN SIZFJT